



Set Domande
MATEMATICA E STATISTICA
SCIENZE BIOLOGICHE
Docente: *Catania Davide*



Indice

Indice Lezioni	p. 2
Lezione 002	p. 4
Lezione 003	p. 5
Lezione 004	p. 6
Lezione 005	p. 7
Lezione 006	p. 8
Lezione 007	p. 9
Lezione 008	p. 10
Lezione 009	p. 11
Lezione 010	p. 12
Lezione 011	p. 13
Lezione 012	p. 14
Lezione 013	p. 15
Lezione 014	p. 16
Lezione 015	p. 17
Lezione 016	p. 18
Lezione 017	p. 19
Lezione 018	p. 20
Lezione 019	p. 21
Lezione 020	p. 22
Lezione 021	p. 23
Lezione 022	p. 24
Lezione 023	p. 25
Lezione 024	p. 26
Lezione 025	p. 27
Lezione 026	p. 28
Lezione 027	p. 29
Lezione 028	p. 30
Lezione 029	p. 31
Lezione 030	p. 32
Lezione 031	p. 33
Lezione 032	p. 34
Lezione 033	p. 35
Lezione 034	p. 36
Lezione 035	p. 37
Lezione 036	p. 38
Lezione 037	p. 39



Lezione 038	p. 40
Lezione 039	p. 41
Lezione 040	p. 42
Lezione 041	p. 43
Lezione 042	p. 44
Lezione 043	p. 45
Lezione 044	p. 46
Lezione 045	p. 47
Lezione 046	p. 48
Lezione 047	p. 49
Lezione 048	p. 50
Lezione 049	p. 51
Lezione 050	p. 52
Lezione 051	p. 53
Lezione 052	p. 54



Lezione 002

01. Sia $f(x)$ uguale a \sqrt{x} se $x \geq 4$ e $x+4$ se $x < 4$. Allora $f(16)$ vale:

- 4
- 4
- 16
- 20

02. Scrivere in termini di intervalli della retta reale l'insieme dei numeri strettamente minori di 0 oppure maggiori o uguali di 4.

- $]-\infty,0[\cap]4,+\infty[$
- $]0,4]$
- $]-\infty,0[\cup]4,+\infty[$
- $]-\infty,0[\cup]4,+\infty[$

03. Quale tra le seguenti non è una funzione?

- $f(x) = x^2$
- $f(x) = 3x^5 + x^4 - 2x$
- $f(x) = 1/x$
- $f(x) = \pm\sqrt{x}$

04. Fornisci le definizioni di funzione e di grafico di una funzione.



Lezione 003

01. Il campo di esistenza della funzione $f(x)=\arcsin(x+2)$ è

- [-1,1]
- [-3,-1]
- (-3,-1)
- (-1,1)

02. Il campo di esistenza della funzione $f(x)=\sqrt[3]{\ln(x)}$ è

- [0,+∞)
- (0,+∞)
- (1,+∞)
- [1,+∞)

03. Il campo di esistenza di $f(x)=\sqrt[4]{x^2+1}$ è

- [1,+∞)
- [0,+∞)
- R**
- [-1,1]

04. Definisci immagine e controimmagine di una funzione.



Lezione 004

01. La funzione $f(x)=\sqrt{(x-2)}/\ln x$ è negativa

- mai nel suo dominio
- sempre nel suo dominio
- nell'intervallo (0,1)
- nell'intervallo (1, $+\infty$)

02. Le intersezioni di $f(x)=\ln(x+1)$ con l'asse x sono

- P=(1,0)
- P=(-1,0)
- P=(-1,0) e Q=(1,0)
- P=(0,0)

03. La funzione $f(x)=\sqrt{(x+1)} \ln x$ è positiva nell'insieme

- (-1, $+\infty$)
- [-1, $+\infty$)
- (-1,1) \cup (1, $+\infty$)
- (1, $+\infty$)



Lezione 005

01. La funzione $f(x)=|x|+1$ è

- pari
- suriettiva
- iniettiva
- dispari

02. La funzione $f(x)=\cos x-x^2$ è

- pari
- sia pari che dispari
- né pari né dispari
- dispari

03. La funzione $f(x)$ uguale a $-x^2$ se $x \leq 0$ e uguale a x se $x > 0$ è

- biiettiva
- né iniettiva né suriettiva
- suriettiva ma non iniettiva
- iniettiva ma non suriettiva

04. Fornisci la definizione di funzione iniettiva, suriettiva, biiettiva.

05. Fornisci la definizione di funzione iniettiva, suriettiva, biiettiva.



Lezione 006

01. Siano $f(x)=\sin(x^2+1)$ e $g(x)=x$. Allora

$f \circ g(x)=\sin(x+1)$

$f \circ g(x)=g \circ f(x)$

$g \circ f(x)=g(x)$

$f \circ g(x)=g(x)$

02. Siano $f(x)=\sqrt{x}$ e $g(x)=e^x$. Allora la funzione $f \circ g(x)$ (f composta con g) è

$\sqrt{e^x}$

$e^{-\sqrt{x}}$

e^{2x}

$\sqrt{x} e^x$

03. Siano $f(x)=x^2+1$ e $g(x)=\ln x$. Allora

$f \circ g(x)=\ln(x^2)$

$f \circ g(x)=\ln^2(x) + 1$

$f \circ g(x)=(\ln x + 1)^2$

$f \circ g(x)=\ln(x^2+1)$

04. Spiega sotto quali condizioni è possibile comporre due funzioni e, in tal caso, cosa si intende per funzione composta.



Lezione 007

01. $\lim_{x \rightarrow 0^+} 1/x$ è

$+\infty$

0^-

$-\infty$

0^+

02. $\lim_{x \rightarrow +\infty} 1/x$ è

$+\infty$

$-\infty$

0^+

0^-

03. $\lim_{x \rightarrow 0} 1/x^2$ è

0

0^+

$+\infty$

$-\infty$

04. Traccia il grafico di una funzione $y=f(x)$ che ha $y=1$ come asintoti orizzontale sinistro, $x=2$ come asintoto verticale, e che tende a $+\infty$ quando x tende a $+\infty$.



Lezione 008

01. La successione $a_n = (n-2)!/(n+1)!$ è uguale a

$a_n = 1/n(n^2-1)$

$a_n = 1/n(n+1)$

$a_n = (n-2)/(n+1)$

$a_n = -2/(n+1)$

02. La successione definita per ricorrenza da: $a_0 = -1/3$ e $a_{n+1} = a_n/2$ è

una progressione aritmetica di ragione $-1/3$

una progressione geometrica di ragione $1/2$

una progressione aritmetica di ragione $1/2$

una progressione geometrica di ragione $-1/3$

03. La successione definita per ricorrenza da: $a_0 = -1$ e $a_{n+1} = a_n^2 - 1$ ha il termine a_3 che vale

-2

2

0

-1



Lezione 009

01. Il coefficiente angolare della retta passante per i punti $A=(-1,2)$ e $B=(0,-3)$ è

- $m=-1$
- $m=-1/5$
- $m=5$
- $m=-5$

02. Il fascio di rette parallele alla retta $y=-3x+2$ ha equazione

- $y=mx+2$
- $y=-3x+k$
- $y=x/3+k$
- $y=3x+k$

03. Le rette $r: y=x/2+1$ e $s: 2x-4y+3=0$ sono

- la stessa retta
- parallele
- incidenti ma non perpendicolari
- perpendicolari

04. Determina l'equazione della retta r perpendicolare a $y=2x-1$ passante per $(3,-1)$. Rappresenta r .



Lezione 010

01. Il punto medio del segmento che congiunge i punti $A=(1,1)$ e $B=(-3,5)$ è

$M=(2,-2)$

$M=(-2,2)$

$M=(1,-3)$

$M=(-1,3)$

02. La distanza tra i punti $A=(-2,1)$ e $B=(5,3)$ è

$\sqrt{53}$

$\sqrt{50}$

5

11

03. La distanza del punto $P=(2,-3)$ dalla retta di equazione $4x+y-1=0$ è

$4\sqrt{17}$

$\sqrt{17}$

2

1

04. Calcola la distanza del punto $P=(1,0)$ dalla retta passante per $A=(-1,3)$ e $B=(2,-1)$.



Lezione 011

01. La parabola di equazione $y=-2x^2+3x-1$ è

- concava e ha una sola intersezione con l'asse x
- concava e interseca l'asse y nel punto (0,-1)
- convessa e interseca l'asse x in due punti distinti
- concava e non interseca l'asse x

02. La parabola di equazione $y=x^2+2x$

- interseca l'asse x nel punto (-2,0) e non interseca l'asse y
- interseca gli assi coordinati nell'origine
- interseca l'asse x nel punto (2,0) e non interseca l'asse y
- è convessa e non interseca gli assi coordinati

03. Il vertice della parabola di equazione $y=3x^2+6x+1$ è

- $V=(1,-2)$
- $V=(1,10)$
- $V=(1,2)$
- $V=(-1,-2)$

04. Rappresenta la parabola di equazione $y=-3x^2+2x+1$, dopo averne determinato vertice, asse e intersezioni con gli assi.



Lezione 012

01. La funzione $y=-2x/(5x+3)$

- ha asintoto verticale $x=-2/5$
- ha asintoto verticale $x=0$
- ha asintoto orizzontale $y=-2/3$
- ha asintoto orizzontale $y=-2/5$

02. La funzione $y=(4x+1)/(8x+2)$ è

- una retta orizzontale
- una retta obliqua
- un'iperbole equilatera
- una retta verticale

03. La funzione $y=(3x-1)/(4x+2)$

- è un'iperbole equilatera con asintoti $y=3$ e $x=4$
- è un'iperbole equilatera con asintoti $y=3/4$ e $x=-1/2$
- non è un'iperbole equilatera
- è un'iperbole equilatera con asintoti $y=-1/2$ e $x=3/4$

04. Rappresenta la funzione di equazione $y=(2x-1)/(x+3)$.



Lezione 013

01. L'equazione $2^{3x-1}=3^{x+2}$ è equivalente all'equazione

$(3x-1)\log_3 3=(x+2)\log_2 2$

$(3x-1)\log_2 3=(x+2)\log_3 2$

$(3x-1)\log_3 2=(x+2)\log_2 3$

$(3x-1)\ln 2=(x+2)\ln 3$

02. $\lim_{x \rightarrow +\infty} (2/3)^x$ è uguale a

$+\infty$

$-\infty$

0

1

03. L'equazione $3^{x+2}=-2^x$ ammette

due soluzioni distinte

nessuna soluzione

infinite soluzioni

un'unica soluzione

04. Rappresenta i grafici di $y=(1/2)^x$ e di $y=\ln x$.



Lezione 014

01. Se $\cos(\alpha) = (\sqrt{2})/2$, allora

- $\sin(\alpha) = (\sqrt{2})/2$ oppure $\sin(\alpha) = -(\sqrt{2})/2$
- $\sin(\alpha) = 1/2$
- $\sin(\alpha) = -(\sqrt{2})/2$
- $\sin(\alpha) = (\sqrt{2})/2$

02. La funzione $y = \arctan(x)$

- $\arctan(0)$ non è definito
- ha $\lim_{x \rightarrow -\infty} \arctan(x) = -\infty$
- ha $\lim_{x \rightarrow +\infty} \arctan(x) = +\infty$
- ha come immagine l'intervallo $(-\pi/2, \pi/2)$

03. La funzione $y = \arcsin(x)$

- ha $[-\pi/2, \pi/2]$ come dominio
- è definita $\forall x \in \mathbf{R}$
- ha $[-1, 1]$ come immagine
- ha $[-1, 1]$ come dominio

04. Traccia i grafici di $y = \sin x$ e $y = \arctan x$, indicando i valori in corrispondenza di punti di intersezione con gli assi ed eventuali asintoti.



Lezione 015

01. $\lim_{x \rightarrow 0^+} 1/(2x^2 - x)$ è uguale a

- 0^-
- $+\infty$
- 0^+
- $-\infty$

02. $\lim_{x \rightarrow +\infty} x \arctan(x)$ è uguale a

- 0
- $-\infty$
- $\pi/2$
- $+\infty$

03. $\lim_{x \rightarrow -\infty} (x + e^x)$ è uguale a

- 0^+
- $-\infty$
- 0^-
- $+\infty$

04. Calcola il limite per x che tende a 0^+ di $1/(x^2 - x)$. Giustifica tutti i passaggi e il risultato.



Lezione 016

01. $\lim_{x \rightarrow +\infty} (3x^2 - x - \ln(x))$ è uguale a

- $-\infty$
- 0
- non esiste
- $+\infty$

02. Sia $P(x)$ un polinomio di grado ≥ 1 . Allora se $x \rightarrow +\infty$

- $P(x)$ tende all'infinito più lentamente di $\ln(x)$
- $P(x)$ tende all'infinito più lentamente di e^x
- non è possibile stabilire se $P(x)$ sia un infinito più o meno veloce di $\ln(x)$
- $P(x)$ tende all'infinito più velocemente di $\ln(x)$ soltanto se il grado del polinomio è maggiore di 1

03. Sia $a > 1$. Allora la funzione $\log_a(x^2 + x)$ tende all'infinito per $x \rightarrow +\infty$

- più lentamente di x
- più velocemente di x
- più velocemente di \sqrt{x}
- con la stessa velocità di x^2

04. Illustra le gerarchie degli infiniti e fornisci un esempio in cui può essere utilizzata per calcolare un limite che presenta una forma indeterminata.



Lezione 017

01. $\lim_{x \rightarrow 0^+} (\sin \sqrt{x})/2x$ è uguale a

- $+\infty$
- $1/2$
- non esiste
- 1

02. $\lim_{x \rightarrow 0} (\ln(1-4x))/(e^{x/2}-1)$ è uguale a

- 8
- 2
- 8
- 4

03. $\lim_{x \rightarrow 0} (\sqrt{1+5x^2}-1)/(1-\cos(4x))$ è uguale a

- $1/4$
- $5/4$
- $5/16$
- $1/2$

04. Scrivi i limiti notevoli per $\sin x$, e^x e $\ln(1+x)$ quando x tende a 0.



Lezione 018

01. Sia $f(x)=\ln(x)/(x-2)$. Allora

- $x=2$ è un asintoto verticale
- non esistono asintoti orizzontali
- $y=x+2$ è un asintoto obliquo
- $y=2$ è un asintoto orizzontale

02. Sia $f(x)=(x^2-1)/(2x+3)$. Allora

- non esiste un asintoto verticale
- $y=0$ è un asintoto orizzontale
- $y=1/2 x-3/4$ è un asintoto obliquo
- $y=1/2 x$ è un asintoto obliquo

03. Sia $f(x)=e^{1/x}$. Allora

- non esistono asintoti verticali
- non esistono asintoti orizzontali
- $y=0$ è un asintoto orizzontale
- $y=1$ è un asintoto orizzontale

04. Determina le equazioni degli asintoti della funzione $y=x+\arctan x$ e rappresentali.



Lezione 019

01. $\lim_{n \rightarrow +\infty} [(n-1)/(n+1)]^n$ è uguale a

- $+\infty$
- e^{-2}
- non esiste
- 1

02. $\lim_{n \rightarrow +\infty} 3^n/(4n)!$ è uguale a

- non esiste
- $+\infty$
- 0
- $3/4$

03. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sin(n)$ è uguale a

- 1
- $+\infty$
- 0
- non esiste

04. Calcola il limite per n che tende a $+\infty$ di $[(n+1)! \sin(3/n^2)]/[(n-1)!]$. Giustifica tutti i passaggi.



Lezione 020

01. La derivata destra di $f(x)=|x|$ in $x_0=0$

- vale 0
- non esiste
- vale -1
- vale 1

02. La derivata di $f(x)=\sin(x)+2\sqrt{x}$ è

- $f'(x)=\cos(x)+1/(2\sqrt{x})$
- $f'(x)=\cos(x)+1/\sqrt{x}$
- $f'(x)=-\cos(x)+1/\sqrt{x}$
- $f'(x)=-\cos(x)+1/(2\sqrt{x})$

03. La derivata di $f(x)=-2e^x+\arctan(x)$ è

- $f'(x)=-2e^x+1/(x^2+1)$
- $f'(x)=-2e^x+\tan^2(x)$
- $f'(x)=-2e^x+1/\tan(x)$
- $f'(x)=-2e^x+1/\cos^2(x)$

04. Fornisci la definizione di derivata di una funzione in un punto.



Lezione 021

01. La derivata di $f(x)=(3x^2-1)/(2x^2+x)$ è

$f'(x)=(3x^2-6x-1)/(2x^2+x)^2$

$f'(x)=(3x^2+4x+1)/(2x^2+x)^2$

$f'(x)=(6x^2-x+1)/(2x^2+x)^2$

$f'(x)=(6x^3-2x^2+1)/(2x^2+x)^2$

02. La derivata di $f(x)=\ln(x)\cos(x)$ è

$f'(x)=\cos(x)/x + \ln(x)\sin(x)$

$f'(x)=\ln(x)\cos(x)+\sin(x)/x$

$f'(x)=\cos(x)/x - \ln(x)\sin(x)$

$f'(x)=\ln(x)\cos(x)-\sin(x)/x$

03. La derivata di $f(x)=\sqrt{\ln(x)}$ è

$f'(x)=x/(2\sqrt{x})$

$f'(x)=1/(2\sqrt{\ln(x)})$

$f'(x)=1/(2x\sqrt{x})$

$f'(x)=1/(2x\sqrt{\ln(x)})$

04. Spiega come è possibile calcolare la derivata delle funzioni composte $g(f(x))$ e $f(x)^{g(x)}$.



Lezione 022

01. La funzione $f(x)$ uguale a x^2 se $x \leq 0$ e uguale a x se $x > 0$, in $x_0=0$

- ha derivata uguale a 0
- non ha derivata sinistra
- non ha derivata destra
- è continua ma non derivabile

02. La funzione $f(x)$ uguale a 3 se $x \leq 1$ e uguale a $2x+1/x$ se $x > 1$

- ha derivata sinistra uguale a 3 in $x_0=1$
- è continua ma non derivabile in $x_0=1$
- non ha derivata destra in $x_0=1$
- è continua ma non derivabile in $x_0=0$

03. La funzione $f(x)=\sqrt{x}$ in $x_0=0$

- ha derivata uguale a 0
- ha derivata uguale a $1/2$
- non è derivabile
- ha derivata destra uguale a 0



Lezione 023

01. La funzione $f(x)=\sqrt[3]{x-1}$

- Ha un punto di flesso a tangente verticale in $x_0=1$
- Ha un punto di flesso a tangente verticale in $x_0=0$
- È derivabile in $x_0=1$
- Ha una cuspidè in $x_0=1$

02. La funzione $f(x)=|x+1|$

- Ha un punto angoloso in $x_0=1$
- Non è continua in $x_0=-1$
- Ha un punto angoloso in $x_0=-1$
- Ha un punto angoloso in $x_0=0$

03. La funzione $f(x)=2e^x + x$

- Ha retta tangente di equazione $y=3x+2$ nel punto di ascissa $x_0=0$
- Ha retta tangente di equazione $y=x$ nel punto di ascissa $x_0=0$
- Ha retta tangente di equazione $y=ex+2$ nel punto di ascissa $x_0=0$
- Ha retta tangente di equazione $y=2x$ nel punto di ascissa $x_0=0$

04. Fornisci l'esempio di una funzione non derivabile in un punto, classificando il punto di non derivabilità. Giustifica tutte le affermazioni.



Lezione 024

01. Utilizzando il teorema dell'Hopital si ottiene che $\lim_{x \rightarrow 0^+} \sqrt{x}/\ln x$

- non esiste
- è uguale a 0^-
- è uguale a 0^+
- è uguale a $+\infty$

02. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sin x/x$

- il limite non esiste perché $\sin x$ è una funzione periodica
- è uguale a 1
- utilizzando il teorema dell'Hopital si ottiene che il limite non esiste
- è uguale a 0 perché $|\sin x| \leq 1$

03. Utilizzando il teorema dell'Hopital si ottiene che $\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln x/e^{x/2}$

- non esiste
- è uguale a $+\infty$
- è uguale a 0
- è uguale a $-\infty$

04. Enuncia il teorema dell'Hopital.



Lezione 025

01. Lo sviluppo di McLaurin di ordine 3 di $f(x)=\sin(2x)+3x$ è

$5x+x^2/2-x^3/6$

$5x-4/3 x^3$

$4x-x^3/6$

$2x-4/3 x^3$

02. Utilizzando gli sviluppi di McLaurin delle funzioni coinvolte, si ha che $\lim_{x \rightarrow 0} (e^{3x}-1-3x)/[\ln(1+x/2)-x/2]$ è uguale a

$-9/4$

0

-36

36

03. Lo sviluppo di Taylor di ordine 3 centrato in $x_0=\pi/2$ della funzione $f(x)=\cos x$ è

$-(x-\pi/2)+(x-\pi/2)^2/2-(x-\pi/2)^3/6$

$-(x-\pi/2)+(x-\pi/2)^3/6$

$-x+x^2/2-x^3/6$

$-x+x^3/6$

04. Scrivi gli sviluppi di McLaurin (o sviluppi di Taylor nell'origine) in tre casi: per una generica funzione $f(x)$, per e^x e per $\arctan x$.



Lezione 026

01. La funzione $f(x)=xe^x$

- non ha punti stazionari
- ha un punto di massimo in $x_0=-1$
- non è derivabile in $x_0=-1$
- ha un punto di minimo in $x_0=-1$

02. La funzione $f(x)=3x^3$ ha in $x_0=0$

- un punto stazionario che non è un estremo locale
- un punto di minimo locale
- un punto di massimo locale
- $x_0=0$ non è un punto stazionario

03. Sia $f:I\rightarrow\mathbb{R}$, con I intervallo, una funzione derivabile. Allora

- Se $f'(x)<0\Rightarrow f(x)$ è strettamente decrescente
- Se $f(x)$ è strettamente decrescente $\Rightarrow f'(x)<0$
- Se $f(x)$ è decrescente $\Rightarrow f'(x)=0$
- $f'(x)<0\Leftrightarrow f(x)$ è strettamente decrescente

04. Studia monotonìa ed estremi relativi di $y=x/(x^2+1)$, giustificando tutti i risultati.



Lezione 027

01. La funzione $f(x)=3|x|$

- non ha punti di minimo perché in $x_0=0$ non è derivabile
- non ha punti di estremo locale né globale perché $|x| \geq 0 \forall x \in \mathbf{R}$
- ha un punto di minimo relativo ma non assoluto in $x_0=0$
- ha un punto di minimo assoluto in $x_0=0$

02. La funzione $f(x)=\sqrt{x}$

- ha un punto stazionario in $x_0=0$
- è derivabile in tutti i punti del suo dominio e la derivata non si annulla mai
- ha un punto di minimo assoluto in $x_0=0$
- ha un punto di minimo relativo ma non assoluto in $x_0=0$

03. La funzione $f(x)$ uguale a $x+1$ se $x \geq 0$ e uguale a $-x$ se $x < 0$

- ha un punto di minimo relativo ma non assoluto in $x_0=0$
- ha un punto di minimo assoluto in $x_0=0$
- non ha punti di estremo relativo, né assoluto
- ha un punto di massimo relativo in $x_0=0$

04. Studia gli estremi assoluti di $f(x) = (9-x^2)^{1/2} / (x+4)$. Giustifica tutti i risultati.



Lezione 028

01. La funzione $f(x)=|x-1|$

- ha un punto di flesso in $x_0=0$
- è concava nel suo dominio
- ha un punto di flesso in $x_0=1$
- è convessa nel suo dominio

02. La funzione $f(x)=\ln(x+1)$

- ha un punto di flesso in $x_0=0$
- è concava nel suo dominio
- è convessa nel suo dominio
- ha un punto di flesso in $x_0=1$

03. La funzione $f(x)=x^3+2x$

- ha un punto di massimo relativo in $x_0=0$
- ha un punto di flesso in $x_0=0$
- ha un punto di minimo assoluto in $x_0=0$
- ha un punto di minimo relativo ma non assoluto in $x_0=0$

04. Studia concavità e punti di flesso di $y=x^3-x^2$, giustificando ogni passaggio.



Lezione 029

01. La funzione $f(x) = e^{x/2} + 1$

- è concava in \mathbf{R}
- ha un punto di flesso in $x_0 = 0$
- è convessa in \mathbf{R}
- ha un punto di flesso in $x_0 = -2$

02. La funzione $f(x) = x \ln(x)$

- è decrescente nell'intervallo $(0, 1/e)$
- ha un punto di massimo assoluto in $x_0 = e$
- è decrescente nell'intervallo $(e, +\infty)$
- è crescente nell'intervallo $(0, 1/e)$

03. La funzione $f(x) = xe^x$

- è crescente nell'intervallo $(2, +\infty)$
- è concava nell'intervallo $(-\infty, 2)$
- è concava nell'intervallo $(2, +\infty)$
- ha un punto di minimo in $x_0 = 2$

04. Studia dominio, intersezioni, segno, limiti, asintoti, monotonia ed estremi, concavità e flessi, e infine traccia il grafico qualitativo di $f(x) = x^3 - 3x$. Giustifica tutti i risultati.



Lezione 030

01. L'integrale indefinito $\int (x^2 + \sqrt{x})/x \, dx$ è uguale a

- $x^2 + \sqrt{x} + c$
- $x^2/2 + \sqrt{x} + c$
- $x^2/2 + 1/(2\sqrt{x}) + c$
- $x^2/2 + 2\sqrt{x} + c$

02. L'integrale indefinito $\int e^{x^2+x} (2x+1) \, dx$ è uguale a

- $e^x(2x+1)+c$
- $e^{x^2+x}+c$
- $e^x(x^2+x)+c$
- $e^{x^2+x} (x^2+x)+c$

03. L'integrale indefinito $\int (3\sqrt{x^2+4}\sqrt{x^3}) \, dx$ è uguale a

- $3/5 \sqrt[5]{x^3} + 4/7 \sqrt[7]{x^4} + c$
- $5/3 \sqrt[3]{x^2} + 7/4 \sqrt[4]{x^3} + c$
- $5/3 \sqrt[3]{x^5} + 7/4 \sqrt[4]{x^7} + c$
- $3/5 \sqrt[3]{x^5} + 4/7 \sqrt[4]{x^7} + c$

04. Fornisci le definizioni di primitiva e di integrale indefinito.



Lezione 031

01. L'integrale indefinito $\int x \ln(x) dx$ è uguale a

$x^2 (\ln x - 1) + c$

$x^2/2 (\ln x - 1/2) + c$

$x^2/4 (\ln x - 1) + c$

$x^2/2 (\ln x - 1) + c$

02. L'integrale indefinito $\int x \sin x dx$ è uguale a

$x \cos x - \sin x + c$

$-x \cos x - \sin x + c$

$-x \cos x + \sin x + c$

$x \cos x + \sin x + c$

03. L'integrale indefinito $\int x e^{-x} dx$ è uguale a

$(x+1)e^{-x} + c$

$-(x-1)e^{-x} + c$

$-(x+1)e^{-x} + c$

$(x-1)e^{-x} + c$

04. Aiutandoti con un esempio, illustra la tecnica di integrazione per parti.



Lezione 032

01. L'integrale indefinito $\int x/(x^2+x-2) dx$ è uguale a

$2/3 \ln|x-1| + 1/3 \ln|x+2| + c$

$2/3 \ln|x+1| + 1/3 \ln|x-2| + c$

$1/3 \ln|x-1| + 2/3 \ln|x+2| + c$

$1/3 \ln|x+1| + 2/3 \ln|x-2| + c$

02. L'integrale indefinito $\int 1/(x+2)^2 dx$ è uguale a

$-1/(x+2) + c$

$1/(3x+2)^2 + c$

$1/(x+2)^3 + c$

$3/(x+2)^3 + c$

03. L'integrale indefinito $\int 2/(2x-1) dx$ è uguale a

$1/2 \ln|2x-1| + c$

$2 \ln|2x-1| + c$

$\ln|2x-1| + c$

$-2/(2x-1)^2 + c$

04. Spiega come ricavare la primitiva di una funzione razionale fratta con denominatore dato da un polinomio di secondo grado con discriminante (delta) nullo.



Lezione 033

01. L'integrale indefinito $\int \sqrt{16-x^2} dx$ è uguale a

- $2 \arcsin(x/4) + x \sqrt{16-x^2} + c$
- $8 \arcsin(x/4) + x/2 \sqrt{16-x^2} + c$
- $8 \arcsin(x) + x/4 \sqrt{16-x^2} + c$
- $4 \arcsin(x) + x/2 \sqrt{16-x^2} + c$

02. L'integrale indefinito $\int 1/\sqrt{4-x^2} dx$ è uguale a

- $\arcsin(x/2) + c$
- $1/2 \arcsin(x) + c$
- $\arcsin(2x) + c$
- $2\arcsin(x) + c$

03. Utilizza una sostituzione goniometrica per ricavare una primitiva di $f(x) = (1-x^2)^{1/2}$.



Lezione 034

01. L'integrale definito da -2 a 2 di $|x|$ è uguale a

- 4
- 1/2
- 0
- 2

02. L'integrale definito da $-\pi/4$ a $\pi/4$ di $\tan(x)$ è uguale a

- $\pi/4$
- $\pi/2$
- 0
- 1

03. L'integrale definito da -1 a 1 di e^{-x} è uguale a

- $e+1/e$
- $1/e -e$
- $e-1/e$
- 0

04. Illustra il teorema fondamentale del calcolo integrale e spiega come può essere utilizzato per calcolare un integrale definito.



Lezione 035

01. Il solido ottenuto ruotando il grafico di $y=x^2+1$, con $-1 \leq x \leq 1$, attorno all'asse x ha volume uguale a

$56/15 \pi$

2π

$3/5 \pi$

4π

02. L'area racchiusa dai grafici di $f(x)=e^x$, $g(x)=e^{-x}$, la retta $x=-1$ e la retta $x=1$ è uguale a

$4e-1/e$

$2e+2/e -4$

$2e$

0

03. L'area racchiusa dalla retta $y=x-3$, gli assi cartesiani e la retta $x=9$ è uguale a

81

$27/2$

$45/2$

3

04. Spiega come possono essere usati gli integrali definiti per il calcolo delle aree.



Lezione 036

01. L'integrale improprio da 1 a $+\infty$ di $(x+2)/(3x^2+2x)$

- diverge a $+\infty$
- converge a un valore positivo
- diverge a $-\infty$
- converge a un valore negativo

02. L'integrale improprio da 0 a 1 di $\sin x/x^{3/2}$

- converge a un valore positivo
- converge a un valore negativo
- diverge a $+\infty$
- diverge a $-\infty$

03. L'integrale improprio da 1 a $+\infty$ di $1/(x\sqrt{x})$

- diverge a $+\infty$
- converge a un valore negativo
- converge a un valore positivo
- diverge a $-\infty$

04. Spiega cosa si intende per integrale improprio. In quali casi l'integrale fra 0 e 1 di $f(x)=1/x^\alpha$ converge?



Lezione 037

01. Il problema di Cauchy $y'=yx$, $y(0)=1$ ha soluzione

$y(x)=e^{x^2/2}+1$

$y(x)=\ln(x^2/2)$

$y(x)=\ln(x^2/2)+1$

$y(x)=e^{x^2/2}$

02. L'equazione differenziale $y'=e^{-y}x$ ha soluzioni

$y(x)=\ln(x^2/2)+c$, $c \in \mathbf{R}$

$y(x)=x^2/2 +c$, $c \in \mathbf{R}$

$y(x)=(x+c)^2/2$, $c \in \mathbf{R}$

$y(x)=\ln(x^2/2 +c)$, $c \in \mathbf{R}$

03. Il problema di Cauchy $y'=y^2x^2$, $y(0)=1$ ha soluzione

$y(x)=3-x^3$

$y(x)=3/(3-x^3)$

$y(x)=x^3-3$

$y(x)=3/(x^3-3)$

04. Trova la soluzione del problema di Cauchy $y'=e^{x-y}$, con $y(0)=1$.



Lezione 038

01. L'equazione differenziale lineare $y' + xy = 2x$ ha soluzioni

- $y(x) = ce^{-x^2/2}$, $c \in \mathbf{R}$
- $y(x) = 2 + ce^{-x^2/2}$, $c \in \mathbf{R}$
- $y(x) = x^2/2 + c$, $c \in \mathbf{R}$
- $y(x) = 2 + cx^2/2$, $c \in \mathbf{R}$

02. L'equazione differenziale lineare $y' + y/x = x^2$ ha soluzioni

- $y(x) = x^3/4 + c/x$, $c \in \mathbf{R}$
- $y(x) = x^2/2 + c/x$, $c \in \mathbf{R}$
- $y(x) = e^{x^3/4} + c/x$, $c \in \mathbf{R}$
- $y(x) = e^{-x^3/4} + c/x$, $c \in \mathbf{R}$

03. L'equazione differenziale lineare $y' + y \sin(x) = \sin(x)$ ha soluzioni

- $y(x) = ce^{-\sin x}$, $c \in \mathbf{R}$
- $y(x) = ce^{\sin x} + 1$, $c \in \mathbf{R}$
- $y(x) = ce^{-\cos x}$, $c \in \mathbf{R}$
- $y(x) = ce^{\cos x} + 1$, $c \in \mathbf{R}$

04. Trova la soluzione generale dell'equazione differenziale $y' + 2xy = x^3$.



Lezione 039

01. L'equazione differenziale $y''+4y'+4y=0$ ha soluzioni

- $y(x)=(c_1+c_2)xe^{-2x}$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$
- $y(x)=c_1e^{-2x}+c_2xe^{-2x}$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$
- $y(x)=c_1e^{-2x}+c_2e^{2x}$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$
- $y(x)=c_1e^{2x}+c_2xe^{2x}$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

02. L'equazione differenziale $y''+2y'-3y=0$ ha soluzioni

- $y(x)=c_1e^{-x}+c_2e^{-3x}$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$
- $y(x)=c_1e^{-x}+c_2e^{3x}$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$
- $y(x)=c_1e^x+c_2e^{3x}$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$
- $y(x)=c_1e^x+c_2e^{-3x}$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

03. L'equazione differenziale $y''+2y'+2y=0$ ha soluzioni

- $y(x)=c_1e^{-x}\cos x+c_2e^{-x}\sin x$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$
- $y(x)=c_1e^{-x}\cos x+c_2e^x\sin x$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$
- $y(x)=c_1e^x\cos x+c_2e^{-x}\sin x$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$
- $y(x)=c_1e^x\cos x+c_2e^x\sin x$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

04. Spiega come risolvere l'equazione differenziale a coefficienti costanti $ay''+by'+cy=0$, con $a \neq 0$, distinguendo i vari casi.



Lezione 040

01. L'equazione differenziale $y''-2y'+y=3x$ ha soluzioni

$y(x)=c_1e^x+c_2e^{-x}+3x$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

$y(x)=c_1e^x+c_2xe^x+3x+6$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

$y(x)=c_1e^{-x}+c_2xe^{-x}+3x+3$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

$y(x)=c_1e^x+c_2xe^{-x}+3x+6$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

02. L'equazione differenziale $y''+y'-6y=e^x$ ha soluzioni

$y(x)=c_1e^{2x}+c_2e^{3x}+1/4 e^x$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

$y(x)=c_1e^{-2x}+c_2e^{-3x}+1/4 e^x$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

$y(x)=c_1e^{-2x}+c_2e^{3x}-1/4 e^x$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

$y(x)=c_1e^{2x}+c_2e^{-3x}-1/4 e^x$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

03. L'equazione differenziale $2y''+2y'+y=x^2$ ha soluzioni

$y(x)=c_1e^{-x}\cos x+c_2e^x\sin x+x^2+4x-4$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

$y(x)=c_1e^x\cos x+c_2e^x\sin x+x^2-2x+2$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

$y(x)=c_1e^{-x}\cos x+c_2e^{-x}\sin x+x^2-4x+4$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

$y(x)=c_1e^x\cos x+c_2e^{-x}\sin x+x^2+4x-4$, $c_1, c_2 \in \mathbf{R}$

04. Spiega come trovare una soluzione particolare dell'equazione differenziale del secondo ordine a coefficienti costanti $ay''+by'+cy=f(x)$, con $f(x)$ di tipo particolare (metodo di somiglianza).



Lezione 041

01. Quale dei seguenti vettori è un versore?

- $v=(1,1,1)$
- $v=(1,1,0)$
- $v=(\sqrt{2}/2, -\sqrt{2}/2, 0)$
- $v=(\sqrt{2}, \sqrt{2}, \sqrt{2})$

02. Sia $v=(2, -3, -2)$ e $k=1/2$. Allora

- $kv=(1, -3, -2)$
- $kv=(1, -2, -1)$
- $kv=(1, -3/2, -1)$
- $kv=(1, -3, -1)$

03. Siano $v=(2, -1, -1)$ e $w=(0, 1, 3)$. Allora il prodotto scalare $v \cdot w$ è uguale a

- $(0, -1, -3)$
- -4
- 6
- -2

04. Definisci il prodotto scalare e la nozione di ortogonalità fra vettori di \mathbb{R}^n .



Lezione 042

01. Quale tra le seguenti matrici è una matrice simmetrica?

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ 3 & 2 & -2 \\ 0 & -2 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 3 \\ -2 & 2 & -2 \\ 3 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

02. Sia A una matrice diagonale 2x2 e sia B una matrice diagonale 3x3. Allora la matrice A+B

non esiste

è una matrice diagonale 3x2

è una matrice diagonale 2x3

non è una matrice diagonale

03. La trasposta della matrice $A = \begin{pmatrix} 5 & -1 & 1 \\ 2 & -4 & 6 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 2 & -4 & 6 \\ 5 & -1 & 1 \end{pmatrix}$

è la matrice

$A^T = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ -4 & -1 \\ 6 & 1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 2 & 5 \\ -4 & -1 \\ 6 & 1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 2 & 5 \\ -4 & -1 \\ 6 & 1 \end{pmatrix}$

$A^T = \begin{pmatrix} -1 & 5 & 1 \\ -4 & 2 & 6 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} -1 & 5 & 1 \\ -4 & 2 & 6 \end{pmatrix}$

$A^T = \begin{pmatrix} 2 & -4 & 6 \\ -4 & -1 & 1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 2 & -4 & 6 \\ -4 & -1 & 1 \end{pmatrix}$

$A^T = \begin{pmatrix} 5 & 2 \\ -1 & -4 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ -1 & -4 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ -1 & -4 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$

04. Spiega cosa si intende per matrice e matrice quadrata, per matrice trasposta e matrice simmetrica.



Lezione 043

01. La matrice $A = \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 6 & -2 \end{pmatrix}$

$$\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 6 & -2 \end{pmatrix}$$

ha $\det A = -12$

è singolare

ha $\det A = 12$

ha $\det A = 1$

02. La matrice $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ -1 & -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ -1 & -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ -1 & -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ -1 & -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

ha determinante uguale a

1

-1

0

-2

03. La matrice $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 0 & 2 \\ 1 & 4 & 1 \end{pmatrix}$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 0 & 2 \\ 1 & 4 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 0 & 2 \\ 1 & 4 & 1 \end{pmatrix}$$

ha determinante uguale a

8

-6

4

-2

04. Scambiando due righe (o in alternativa due colonne) di una matrice quadrata, il determinante cambia di segno. Enuncia altre tre proprietà del determinante.



Lezione 044

01. La matrice $A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 1 \\ -1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ -4 & 2 & 2 \end{pmatrix}$

$$-1 \quad \frac{1}{2} \quad \frac{1}{2}$$

$$-4 \quad 2 \quad 2$$

ha rango

0

2

1

3

02. Una generica matrice 4×4

non può avere rango minore di 2

ha sicuramente rango 4

può avere al massimo rango 4

non può avere rango 0

03. La matrice $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 2 \\ -1 & 0 \\ -2 & 4 \end{pmatrix}$

$$-1 \quad 2$$

$$-1 \quad 0$$

$$-2 \quad 4$$

ha rango

1

2

4

3

04. Definisci il rango di una matrice e spiega il teorema degli orlati.



Lezione 045

01. Data la matrice $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & -3 \\ 2 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$

$$\begin{pmatrix} 1 & -2 & -3 \\ 2 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & -2 & -3 \\ 2 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$

siano v_1, v_2 e v_3 i vettori le cui coordinate sono rispettivamente uguali alle entrate della prima, della seconda e della terza colonna di A . Allora

- i tre vettori sono linearmente indipendenti in \mathbf{R}^3
- $v_3 = -v_1 - v_2$
- esiste una combinazione lineare di v_2 e v_3 che ha come risultato v_1
- esiste una combinazione lineare di v_1 e v_3 che ha come risultato v_2

02. I vettori $v = (2, -1, 0)$, $w = (-1, 1, 1)$ e $u = (3, -2, -1)$ in \mathbf{R}^3 sono

- linearmente indipendenti
- sono le colonne di una matrice 3×3 di rango 3
- sono le colonne di una matrice 3×3 non singolare
- linearmente dipendenti

03. Dati i vettori $v = (1, 1, 1)$ e $w = (-2, -2, -2)$ in \mathbf{R}^3 ,

- nessuna delle precedenti affermazioni è vera
- sono linearmente indipendenti
- è possibile trovare una loro combinazione lineare nulla con coefficienti non tutti uguali a zero
- non è possibile trovare una loro combinazione lineare nulla con coefficienti non tutti uguali a zero

04. Cosa significa che dei vettori sono linearmente indipendenti? Come si può verificare l'indipendenza attraverso l'uso delle matrici?



Lezione 046

01. Il sistema lineare $x+y-z=1$

$$2x-y = -1$$

$$x+2z = 0$$

è

- determinato
- non ammette soluzioni
- ammette solo la soluzione nulla
- indeterminato

02. Il sistema lineare $x+2y-3z=0$

$$2x-y = 0$$

- ammette infinite soluzioni dipendenti da un parametro
- ammette infinite soluzioni dipendenti da due parametri
- ammette soltanto la soluzione nulla
- non ammette soluzioni

03. Il sistema lineare $2x-y=1$

$$3x+y=0$$

$$x-2y=0$$

- ammette infinite soluzioni dipendenti da un parametro
- non ammette soluzione
- ammette infinite soluzioni dipendenti da due parametri
- ammette un'unica soluzione

04. Enuncia il teorema di Rouché-Capelli.



Lezione 047

01. La trasformazione

$$L(x,y,z)=(2x-y-z, x+3y+z)$$

- è una trasformazione lineare da \mathbf{R}^2 in \mathbf{R}^3
- è una trasformazione lineare da \mathbf{R}^3 in \mathbf{R}^3
- non è una trasformazione lineare
- è una trasformazione lineare da \mathbf{R}^3 in \mathbf{R}^2

02. Sia $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -3 & 2 \\ 5 & -1 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -3 & 2 \\ 5 & -1 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -3 & 2 \\ 5 & -1 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -3 & 2 \\ 5 & -1 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$

La trasformazione lineare $L(v) = Av$ è una trasformazione

- da \mathbf{R}^4 in \mathbf{R}^4
- da \mathbf{R}^4 in \mathbf{R}^2
- da \mathbf{R}^2 in \mathbf{R}^4
- da \mathbf{R}^2 in \mathbf{R}^2

03. La trasformazione lineare

$$L(x, y, z) = (2x - 2y, x + y + z)$$

ha nucleo

- $\text{Ker}(L) = \{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3 : 2x - 2y = 0, x + y + z = 0\}$
- $\text{Ker}(L) = \{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3 : x = 0, y = 0, z = 0\}$
- $\text{Ker}(L)$ non si può definire perché L non è rappresentato da una matrice quadrata
- $\text{Ker}(L) = \{(x, y) \in \mathbf{R}^2 : x = 0, y = 0\}$

04. Definisci le trasformazioni lineari e il nucleo (kernel) di una trasformazione lineare.



Lezione 048

01. I dati $X=\{1,2,1,-3,0,-1,2,2,0,-3\}$ presentano una distribuzione

- bimodale
- zeromodale
- unimodale
- plurimodale (non bimodale)

02. Un gruppo di persone è formato da 2 individui con gli occhi azzurri, 2 con gli occhi verdi, 3 con gli occhi neri e 8 con gli occhi castani. La moda è

- neri
- castani
- 8
- 3

03. I dati $X=\{1,2,1,-3,0,-1,2,2,0,-3\}$ presentano una distribuzione

- bimodale
- plurimodale (non bimodale)
- zeromodale
- unimodale

04. Le risposte corrette a un test formato da 8 domande sono $\{C,A,B,B,C,A,C,B\}$. Qual è la frequenza relativa delle A?

- 0.25
- 2
- 0.33
- 0.20

05. Definisci la Moda e spiega per quali tipi di dati si può calcolare. Fornisci l'esempio di una distribuzione bimodale di dati.



Lezione 049

01. La mediana di {2, 4, 2, 1, 6, 10, 2, 3, 5} è

- 6
- 2
- 3
- 4

02. La mediana dei dati quantitativi {2, 4, 2, 1, 6, 10, 2, 3, 5, 9} è

- 4.4
- 3.5
- 3
- 4

03. Per i dati {7, 4, 2, 1, 6, 10, 2, 3, 5, 9}, la percentuale cumulata al valore 3 vale

- 70%
- 20%
- 40%
- 30%

04. Spiega come si calcola la mediana a seconda del tipo di dati.



Lezione 050

01. La media aritmetica di $X=\{2,4,3,7,1,0,4,3\}$ è

- 4
- 3.5
- 3
- 4.5

02. Sottoposte a un test, 3 persone hanno ottenuto 5, 7 hanno ottenuto 4, 6 hanno ottenuto 3, 1 ha ottenuto 2, 3 hanno ottenuto 1. La media dei risultati dei test è

- 3.3
- 3.5
- 3
- 4

03. Vengono svolte tre indagini: A, B e C. L'indagine A riguarda il colore degli occhi, B l'altezza e C il titolo di studio di un gruppo di persone. Allora, raccolti i dati, è possibile calcolare

- moda solo per A; mediana solo per C; media aritmetica solo per B.
- moda per A, B e C; mediana e media aritmetica solo per B.
- moda solo per A e per C; mediana per B e C; media aritmetica solo per B.
- moda per A, B e C; mediana solo per B e C; media aritmetica solo per B.

04. Definisci la media aritmetica e spiega per quali tipi di dati è possibile calcolarla.



Lezione 051

01. L'affermazione corretta riguardo ai quartili di $X=\{1,2,4,8,16,32,64,128,256,512\}$ è

- Q1 = 2; Q2 = 20.
- Q2 = 16; Q3 = 256.
- Q1 = 2; Q3 = 128.
- Q1 = 4; Q2 = mediana.

02. Se P30 e P80 indicano il trentesimo e l'ottantesimo percentile di $X=\{1,1,1,2,2,3,4,4,4,4,5,5,5,6,6,7,8,9,10,12\}$, allora

- P30 = 3; P80 = 7.
- P30 = 3; P80 = 6.
- P30 = 2; P80 = 6.
- P30 = 2; P80 = 7.

03. Se $X=\{1,1,1,2,2,3,4,4,4,4,5,5,5,6,6,7,8,9,10,12\}$, allora il rango percentile di 4 vale

- 50%
- 35%
- 30%
- 20%

04. Le frequenze relative cumulate per una serie di dati suddivise in cinque classi A, B, C, D, E, già ordinate in senso crescente, sono: A 12%, B 30%, C 64%, D 82%, E 100%. Allora

- Q2 diverso da P50; P70 = C.
- Q2 = P50 = mediana = C; P70 = D.
- Q2 = P50 = mediana = B; P70 = C.
- Q2 diverso da mediana; P70 = D.

05. Definisci i quartili e i percentili di una distribuzione di dati.



Lezione 052

01. Definisci la differenza interquartile, la varianza campionaria e la deviazione standard campionaria.